

東吳大學 114 學年度碩士班招生考試試題

第 1 頁，共 6 頁

系級	國際經營與貿易學系碩士班 A 組(國際貿易與金融)	考試時間	100 分鐘
科目	統計學	本科總分	100 分

注意事項：

- 一、一律作答於答案卷上（題上作答不予計分），並務必標明題號，依序作答。
- 二、不可用具有記憶功能之計算器。
- 三、請列出計算過程，沒有計算過程最多只有配分分數的一半。所有計算過程中，每一須計算的部位，請計算到小數點第 2 位，以下四捨五入。例如：計算 $6/\sqrt{20}$ ，請先將 $\sqrt{20}$ 四捨五入至小數點第二位得到 4.47，再用 6 除之，所得結果再四捨五入到小數點第二位得到 1.34。
- 四、所需參考資料已於附件 1、2、3。

1. SCU's CEO is studying the relationship between the distance a shipment must travel and the length of time. The result are as follows:

迴歸統計	
R 的倍數	0.692295
R 平方	0.479272
調整的 R	0.450343
標準誤	2.003844
觀察值個	20

ANOVA					
	自由度	SS	MS	F	顯著值
迴歸	1	66.52295	66.52295	16.56699	0.000718
殘差	18	72.27705	4.015392		
總和	19	138.8			

	係數	標準誤	t 統計	P-值	下限 95%	上限 95%	下限 95.0%	上限 95.0%
截距	-7.14187	3.844599	-1.85764	0.079658	-15.2191	0.935338	-15.2191	0.935338
X 變數 1	0.021413	0.005261	4.070257	0.000718	0.010361	0.032466	0.010361	0.032466

- (1) Compute the standard error of estimate. (2%)
 - (2) Determine the coefficient of determination. Does the value suggest that the model fits the data well? Explain. (5%)
 - (3) At the 0.05 significance level, can we conclude that there is a negative correlation between distance and time? (3%)
2. 從東吳國貿碩一 15 名學生中隨機選出 4 名學生來組成辯論隊。這 15 名學生中有 10 人之前沒有比賽經驗，其他人則有一定經驗。請問入選隊伍的成員中至少有 1 名有過比賽經驗的機率是多少？(5%)
3. The rate of return of an Internet Service Provider over a 10-year period are:
10.25%, 12.64%, 8.37%, 9.29%, 6.23%, 42.53%, 29.23%, 15.25%, 21.52%, -2.35%.
 - (1) Compute the arithmetic mean rate of return per year. (2%)
 - (2) Compute the geometric mean rate of return per year for the last two years. (3%)
 - (3) Construct a boxplot for the rate of return. (6%)
 - (4) What is the shape of the distribution for the rate of return? Explain. (3%)

東吳大學 114 學年度碩士班招生考試試題

第 2 頁，共 6 頁

系級	國際經營與貿易學系碩士班 A 組(國際貿易與金融)	考試時間	100 分鐘
科目	統計學	本科總分	100 分

4. 有位系友從遠方趕來參加系友會活動，他搭火車、客運、高鐵、飛機來的機率分別為 0.3、0.2、0.1、0.4，如果他搭火車、高鐵、客運來的話，遲到的機率分別是 1/4、1/3、1/12，而搭乘飛機不會遲到。試求：
- (1) 他遲到的機率是多少？(3%)
- (2) 他遲到了，請問他是搭火車來的機率是多少？(5%)
5. 最近的一項全國性調查發現，父母平均每月會給7歲以下的孩子讀10本書。母體標準差為5，每月閱讀書籍的分佈符合常態分配。一項針對 25 個家庭的隨機調查顯示，上個月平均閱讀書籍數量為 12 本。
- (1) 在顯著水準為 1% 之下，我們能否得出結論：父母給孩子讀書的數量超過了平均值？(5%)
- (2) 發生型 II 錯誤(Type II error)的機率是多少？(5%)
6. Assume you are taking two courses this semester (A and B). The probability that you will pass course A is 0.835, the probability that you will pass both courses 0.276. The probability that you will pass at least one of the courses is 0.981.
- (1) What is the probability that you will pass course B? (3%)
- (2) Are the passing of the two courses independent events? Use probability information to justify your answer. (3%)
- (3) Are the events of passing the courses mutually exclusive? Fully explain. (3%)
7. 東吳製造公司每週 5 天、每天 24 小時營業。工人們每週輪流值班。管理階層感興趣的是：不同員工在不同班次工作時所生產的單位數量是否有差異。選取 5 名工人作為樣本，並記錄他們每班的產出。

員工	單位產量		
	早班	午班	晚班
志明	31	25	35
阿幸	33	26	33
花花	28	24	30
大雄	30	29	28
小美	28	26	27

- (1) 依照題意寫出相對應的假設檢定(虛無假設與對立假設)。(4%)

東吳大學 114 學年度碩士班招生考試試題

第 3 頁，共 6 頁

系級	國際經營與貿易學系碩士班 A 組(國際貿易與金融)	考試時間	100 分鐘
科目	統計學	本科總分	100 分

(2) 請將以下 two-way ANOVA 表複製繪於答案卷上，並填寫空格(A)至(L). (12%)

Source	SS	d.f.	MS	F	Critical value
Treatment	(A)	2	(F)	(I)	(K)
Blocks	(B)	(E)	(G)	(J)	(L)
Error	(C)	8	(H)		
Total	(D)	14			

(3) 在顯著水準為 0.05 之下，我們能否得出不同班次或不同員工的平均生產力有差異的結論？(5%)

8. 某民意代表想藉由民意調查了解民眾對興建公園的意見，探討是否贊成興建為多數意見。

(1) 依照題意寫出相對應的假設檢定(虛無假設與對立假設)。(3%)

(2) 假設在 1,000 名受訪者中 573 位表達反對的立場、427 位贊成。在 0.05 顯著水準下，請分別以信賴區間方式檢驗你在上一小題的假設檢定。(5%)

(3) 請解釋為何多數的民意調查樣本在 1,067 份左右。(3%)

9. Please provide your explanations by sentences, formulas, or figures.

(1) What is the *Central Limit Theorem*? (3%)

(2) What is an *unbiased estimator*? (3%)

(3) What is the *Chebyshev rule*? (3%)

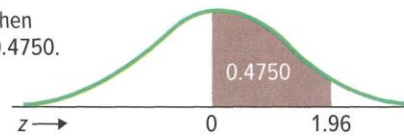
(4) What is the difference between *covariance* and *correlation coefficient* of X and Y? (3%)

系級	國際經營與貿易學系碩士班 A 組(國際貿易與金融)	考試時間	100 分鐘
科目	統計學	本科總分	100 分

APPENDIX 1

B.3 Areas under the Normal Curve

Example:
If $z = 1.96$, then
 $P(0 \text{ to } z) = 0.4750$.

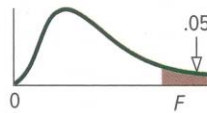


z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.0000	0.0040	0.0080	0.0120	0.0160	0.0199	0.0239	0.0279	0.0319	0.0359
0.1	0.0398	0.0438	0.0478	0.0517	0.0557	0.0596	0.0636	0.0675	0.0714	0.0753
0.2	0.0793	0.0832	0.0871	0.0910	0.0948	0.0987	0.1026	0.1064	0.1103	0.1141
0.3	0.1179	0.1217	0.1255	0.1293	0.1331	0.1368	0.1406	0.1443	0.1480	0.1517
0.4	0.1554	0.1591	0.1628	0.1664	0.1700	0.1736	0.1772	0.1808	0.1844	0.1879
0.5	0.1915	0.1950	0.1985	0.2019	0.2054	0.2088	0.2123	0.2157	0.2190	0.2224
0.6	0.2257	0.2291	0.2324	0.2357	0.2389	0.2422	0.2454	0.2486	0.2517	0.2549
0.7	0.2580	0.2611	0.2642	0.2673	0.2704	0.2734	0.2764	0.2794	0.2823	0.2852
0.8	0.2881	0.2910	0.2939	0.2967	0.2995	0.3023	0.3051	0.3078	0.3106	0.3133
0.9	0.3159	0.3186	0.3212	0.3238	0.3264	0.3289	0.3315	0.3340	0.3365	0.3389
1.0	0.3413	0.3438	0.3461	0.3485	0.3508	0.3531	0.3554	0.3577	0.3599	0.3621
1.1	0.3643	0.3665	0.3686	0.3708	0.3729	0.3749	0.3770	0.3790	0.3810	0.3830
1.2	0.3849	0.3869	0.3888	0.3907	0.3925	0.3944	0.3962	0.3980	0.3997	0.4015
1.3	0.4032	0.4049	0.4066	0.4082	0.4099	0.4115	0.4131	0.4147	0.4162	0.4177
1.4	0.4192	0.4207	0.4222	0.4236	0.4251	0.4265	0.4279	0.4292	0.4306	0.4319
1.5	0.4332	0.4345	0.4357	0.4370	0.4382	0.4394	0.4406	0.4418	0.4429	0.4441
1.6	0.4452	0.4463	0.4474	0.4484	0.4495	0.4505	0.4515	0.4525	0.4535	0.4545
1.7	0.4554	0.4564	0.4573	0.4582	0.4591	0.4599	0.4608	0.4616	0.4625	0.4633
1.8	0.4641	0.4649	0.4656	0.4664	0.4671	0.4678	0.4686	0.4693	0.4699	0.4706
1.9	0.4713	0.4719	0.4726	0.4732	0.4738	0.4744	0.4750	0.4756	0.4761	0.4767
2.0	0.4772	0.4778	0.4783	0.4788	0.4793	0.4798	0.4803	0.4808	0.4812	0.4817
2.1	0.4821	0.4826	0.4830	0.4834	0.4838	0.4842	0.4846	0.4850	0.4854	0.4857
2.2	0.4861	0.4864	0.4868	0.4871	0.4875	0.4878	0.4881	0.4884	0.4887	0.4890
2.3	0.4893	0.4896	0.4898	0.4901	0.4904	0.4906	0.4909	0.4911	0.4913	0.4916
2.4	0.4918	0.4920	0.4922	0.4925	0.4927	0.4929	0.4931	0.4932	0.4934	0.4936
2.5	0.4938	0.4940	0.4941	0.4943	0.4945	0.4946	0.4948	0.4949	0.4951	0.4952
2.6	0.4953	0.4955	0.4956	0.4957	0.4959	0.4960	0.4961	0.4962	0.4963	0.4964
2.7	0.4965	0.4966	0.4967	0.4968	0.4969	0.4970	0.4971	0.4972	0.4973	0.4974
2.8	0.4974	0.4975	0.4976	0.4977	0.4977	0.4978	0.4979	0.4979	0.4980	0.4981
2.9	0.4981	0.4982	0.4982	0.4983	0.4984	0.4984	0.4985	0.4985	0.4986	0.4986
3.0	0.4987	0.4987	0.4987	0.4988	0.4988	0.4989	0.4989	0.4989	0.4990	0.4990

系級	國際經營與貿易學系碩士班 A 組(國際貿易與金融)	考試時間	100 分鐘
科目	統計學	本科總分	100 分

APPENDIX 2

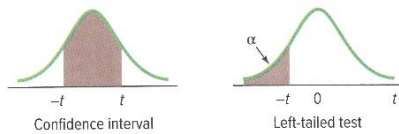
B.6A Critical Values of the F-Distribution ($\alpha = .05$)



		Degrees of Freedom for the Numerator																
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	15	20	25	30	40
Degrees of Freedom for the Denominator	1	161.45	199.50	215.71	224.58	230.16	233.99	236.77	238.88	240.54	241.88	242.98	243.91	245.95	248.01	249.26	250.10	251.14
	2	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38	19.40	19.40	19.41	19.43	19.45	19.46	19.46	19.47
	3	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79	8.76	8.74	8.70	8.66	8.63	8.62	8.59
	4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96	5.94	5.91	5.86	5.80	5.77	5.75	5.72
	5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74	4.70	4.68	4.62	4.56	4.52	4.50	4.46
	6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06	4.03	4.00	3.94	3.87	3.83	3.81	3.77
	7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64	3.60	3.57	3.51	3.44	3.40	3.38	3.34
	8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35	3.31	3.28	3.22	3.15	3.11	3.08	3.04
	9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.10	3.07	3.01	2.94	2.89	2.86	2.83
	10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.94	2.91	2.85	2.77	2.73	2.70	2.66
	11	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.82	2.79	2.72	2.65	2.60	2.57	2.53
	12	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.72	2.69	2.62	2.54	2.50	2.47	2.43
	13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67	2.63	2.60	2.53	2.46	2.41	2.38	2.34
	14	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60	2.57	2.53	2.46	2.39	2.34	2.31	2.27
	15	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.51	2.48	2.40	2.33	2.28	2.25	2.20
	16	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.46	2.42	2.35	2.28	2.23	2.19	2.15
	17	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49	2.45	2.41	2.38	2.31	2.23	2.18	2.15	2.10
	18	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.37	2.34	2.27	2.19	2.14	2.11	2.06
	19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42	2.38	2.34	2.31	2.23	2.16	2.11	2.07	2.03
	20	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.31	2.28	2.20	2.12	2.07	2.04	1.99
	21	4.32	3.47	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37	2.32	2.28	2.25	2.18	2.10	2.05	2.01	1.96
	22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.26	2.23	2.15	2.07	2.02	1.98	1.94
	23	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32	2.27	2.24	2.20	2.13	2.05	2.00	1.96	1.91
	24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30	2.25	2.22	2.18	2.11	2.03	1.97	1.94	1.89
	25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28	2.24	2.20	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87
30	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.13	2.09	2.01	1.93	1.88	1.84	1.79	
40	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12	2.08	2.04	2.00	1.92	1.84	1.78	1.74	1.69	
60	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.04	1.99	1.95	1.92	1.84	1.75	1.69	1.65	1.59	
120	3.92	3.07	2.68	2.45	2.29	2.18	2.09	2.02	1.96	1.91	1.87	1.83	1.75	1.66	1.60	1.55	1.50	
∞	3.84	3.00	2.60	2.37	2.21	2.10	2.01	1.94	1.88	1.83	1.79	1.75	1.67	1.57	1.51	1.46	1.39	

APPENDIX 3

B.5 Student's *t*-Distribution



Confidence Intervals, <i>c</i>						
	80%	90%	95%	98%	99%	99.9%
<i>df</i>	Level of Significance for One-Tailed Test, α					
	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.0005
	Level of Significance for Two-Tailed Test, α					
	0.20	0.10	0.05	0.02	0.01	0.001
1	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	636.619
2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	31.599
3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	12.924
4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	8.610
5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	6.869
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.959
7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	5.408
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	5.041
9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.781
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.587
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.437
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	4.221
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	4.140
15	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	4.073
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	4.015
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.965
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.922
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.883
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.850
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.819
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.792
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.768
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.745
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.725
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.707
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.690
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.674
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.659
30	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.646
31	1.309	1.696	2.040	2.453	2.744	3.633
32	1.309	1.694	2.037	2.449	2.738	3.622
33	1.308	1.692	2.035	2.445	2.733	3.611
34	1.307	1.691	2.032	2.441	2.728	3.601
35	1.306	1.690	2.030	2.438	2.724	3.591

Confidence Intervals, <i>c</i>						
	80%	90%	95%	98%	99%	99.9%
<i>df</i>	Level of Significance for One-Tailed Test, α					
	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.0005
	Level of Significance for Two-Tailed Test, α					
	0.20	0.10	0.05	0.02	0.01	0.001
36	1.306	1.688	2.028	2.434	2.719	3.582
37	1.305	1.687	2.026	2.431	2.715	3.574
38	1.304	1.686	2.024	2.429	2.712	3.566
39	1.304	1.685	2.023	2.426	2.708	3.558
40	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.551
41	1.303	1.683	2.020	2.421	2.701	3.544
42	1.302	1.682	2.018	2.418	2.698	3.538
43	1.302	1.681	2.017	2.416	2.695	3.532
44	1.301	1.680	2.015	2.414	2.692	3.526
45	1.301	1.679	2.014	2.412	2.690	3.520
46	1.300	1.679	2.013	2.410	2.687	3.515
47	1.300	1.678	2.012	2.408	2.685	3.510
48	1.299	1.677	2.011	2.407	2.682	3.505
49	1.299	1.677	2.010	2.405	2.680	3.500
50	1.299	1.676	2.009	2.403	2.678	3.496
51	1.298	1.675	2.008	2.402	2.676	3.492
52	1.298	1.675	2.007	2.400	2.674	3.488
53	1.298	1.674	2.006	2.399	2.672	3.484
54	1.297	1.674	2.005	2.397	2.670	3.480
55	1.297	1.673	2.004	2.396	2.668	3.476
56	1.297	1.673	2.003	2.395	2.667	3.473
57	1.297	1.672	2.002	2.394	2.665	3.470
58	1.296	1.672	2.002	2.392	2.663	3.466
59	1.296	1.671	2.001	2.391	2.662	3.463
60	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.460
61	1.296	1.670	2.000	2.389	2.659	3.457
62	1.295	1.670	1.999	2.388	2.657	3.454
63	1.295	1.669	1.998	2.387	2.656	3.452
64	1.295	1.669	1.998	2.386	2.655	3.449
65	1.295	1.669	1.997	2.385	2.654	3.447
66	1.295	1.668	1.997	2.384	2.652	3.444
67	1.294	1.668	1.996	2.383	2.651	3.442
68	1.294	1.668	1.995	2.382	2.650	3.439
69	1.294	1.667	1.995	2.382	2.649	3.437
70	1.294	1.667	1.994	2.381	2.648	3.435

(continued)

B.5 Student's *t*-Distribution (concluded)

Confidence Intervals, <i>c</i>						
	80%	90%	95%	98%	99%	99.9%
<i>df</i>	Level of Significance for One-Tailed Test, α					
	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.0005
	Level of Significance for Two-Tailed Test, α					
	0.20	0.10	0.05	0.02	0.01	0.001
71	1.294	1.667	1.994	2.380	2.647	3.433
72	1.293	1.666	1.993	2.379	2.646	3.431
73	1.293	1.666	1.993	2.379	2.645	3.429
74	1.293	1.666	1.993	2.378	2.644	3.427
75	1.293	1.665	1.992	2.377	2.643	3.425
76	1.293	1.665	1.992	2.376	2.642	3.423
77	1.293	1.665	1.991	2.376	2.641	3.421
78	1.292	1.665	1.991	2.375	2.640	3.420
79	1.292	1.664	1.990	2.374	2.640	3.418
80	1.292	1.664	1.990	2.374	2.639	3.416
81	1.292	1.664	1.990	2.373	2.638	3.415
82	1.292	1.664	1.989	2.373	2.637	3.413
83	1.292	1.663	1.989	2.372	2.636	3.412
84	1.292	1.663	1.989	2.372	2.636	3.410
85	1.292	1.663	1.988	2.371	2.635	3.409
86	1.291	1.663	1.988	2.370	2.634	3.407
87	1.291	1.663	1.988	2.370	2.634	3.406
88	1.291	1.662	1.987	2.369	2.633	3.405

Confidence Intervals, <i>c</i>						
	80%	90%	95%	98%	99%	99.9%
<i>df</i>	Level of Significance for One-Tailed Test, α					
	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.0005
	Level of Significance for Two-Tailed Test, α					
	0.20	0.10	0.05	0.02	0.01	0.001
89	1.291	1.662	1.987	2.369	2.632	3.403
90	1.291	1.662	1.987	2.368	2.632	3.402
91	1.291	1.662	1.986	2.368	2.631	3.401
92	1.291	1.662	1.986	2.368	2.630	3.399
93	1.291	1.661	1.986	2.367	2.630	3.398
94	1.291	1.661	1.986	2.367	2.629	3.397
95	1.291	1.661	1.985	2.366	2.629	3.396
96	1.290	1.661	1.985	2.366	2.628	3.395
97	1.290	1.661	1.985	2.365	2.627	3.394
98	1.290	1.661	1.984	2.365	2.627	3.393
99	1.290	1.660	1.984	2.365	2.626	3.392
100	1.290	1.660	1.984	2.364	2.626	3.390
120	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	3.373
140	1.288	1.656	1.977	2.353	2.611	3.361
160	1.287	1.654	1.975	2.350	2.607	3.352
180	1.286	1.653	1.973	2.347	2.603	3.345
200	1.286	1.653	1.972	2.345	2.601	3.340
∞	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.291