

考試科目	統計學	系所別	風險管理與保險學系	考試時間	一月 12 日(三) 第 4 節
------	-----	-----	-----------	------	------------------

選擇題請在答案卡上作答，否則不予計分。(每題 4 分)

- 樣本平均數的標準誤 (Standard Error of the Mean, SEM) 是用來衡量：
    - 樣本平均數的變異程度
    - 母體平均數的變異程度
    - 樣本與母體平均數之間的差異
    - 樣本標準差
  - 在假設檢定中，顯著水準 ( $\alpha$ ) 代表：
    - 接受虛無假設的機率
    - 拒絕虛無假設時犯第一類錯誤的機率
    - 樣本平均數的標準差
    - 假設檢定的統計功效
  - 中央極限定理指出：
    - 母體必須服從常態分配
    - 樣本越大，樣本平均數的分佈越接近常態分配
    - 樣本標準差等於母體標準差
    - 樣本的範圍會趨於穩定
  - 在迴歸分析中，決定係數 ( $R^2$ ) 的含義是：
    - 迴歸模型的顯著性
    - 自變數解釋因變數變異的比例
    - 迴歸係數的統計顯著性
    - 自變數之間的相關性
  - 若 p-value 小於顯著水準  $\alpha$ ，則應：
    - 接受虛無假設
    - 拒絕虛無假設
    - 減少樣本數
    - 增加顯著水準
  - 當使用多元線性回歸模型時，若發現自變數之間存在高度共線性 (Multicollinearity)，則最可能的結果是：
    - 模型的 ( $R^2$ ) 值下降
    - 迴歸係數的標準誤增加
    - 模型解釋力增強
    - 顯著性水平提高
- 

考試科目	統計學	系所別	風險管理與保險學系	考試時間	2 月 12 日(三) 第 4 節
------	-----	-----	-----------	------	-------------------

7. 假設有兩個獨立樣本，樣本大小分別為 ( $n_1 = 50$ ) 和 ( $n_2 = 60$ )，變異數未知但被認為相等。要比較兩個平均數，應使用：

- A) 單樣本 t 檢定
- B) 配對樣本 t 檢定
- C) 雙樣本獨立 t 檢定 (假設變異數相等)
- D) 卡方檢定

8. 在時間序列分析中，ARIMA 模型中的參數 ( $p, d, q$ ) 分別表示：

- A) 自相關項數量、趨勢差分次數、移動平均項數量
- B) 樣本數、平均數、標準差
- C) 變異數、期望值、中位數
- D) 統計功效、顯著性水平、樣本標準差

9. 若相關係數 ( $r = 0.85$ )，其決定係數 ( $R^2$ ) 的值為：

- A) 0.7225 B) 0.85 C) 0.9225 D) 0.95

10. 在迴歸分析中，若殘差圖呈現漏斗形狀，可能表示：

- A) 殘差具有常態性
- B) 存在異方差性 (Heteroscedasticity)
- C) 存在多重共線性
- D) 自變數未顯著

11. 當多元迴歸模型存在多重共線性 (Multicollinearity) 時，可能的結果是：

- A) 迴歸係數標準誤減小
- B) 變異數分析結果更穩定
- C) 迴歸係數的估計不穩定
- D) 決定係數 ( $R^2$ ) 降低

12. 下列哪種統計檢定可用來判斷整體迴歸模型是否顯著？

- A) t 檢定
- B) F 檢定
- C) 卡方檢定
- D) Z 檢定

考試科目	統計學	系所別	風險管理與保險學系	考試時間	2 月 12 日(三) 第 4 節
------	-----	-----	-----------	------	-------------------

13. 在時間序列分析中，白噪聲 (White Noise) 過程的特徵是：

- A) 資料有明顯趨勢
- B) 自相關係數為 0
- C) 資料存在季節性變動
- D) 資料呈現長期記憶效應

14. 在時間序列分析中，ADF (Augmented Dickey-Fuller) 檢定的主要用途是：

- A) 檢測自相關性
- B) 檢測異方差性
- C) 檢測時間序列是否為平穩序列
- D) 檢測多重共線性

15. 在 GARCH 模型中，主要用於建模哪種特性？

- A) 趨勢性
- B) 季節性
- C) 異方差性
- D) 自相關性

16. 若隨機變數  $X$  服從均勻分布  $U(0, 1)$ ，則隨機變數  $Y = -\ln(X)$  的分布為：

- A) 均勻分布
- B) 指數分布
- C) 正態分布
- D) 卡方分布

17. 在主成分分析 (PCA) 中，特徵值 (Eigenvalues) 的含義是什麼？

- A) 表示資料集的維度
- B) 表示每個主成分的變異量
- C) 表示資料點之間的距離
- D) 表示特徵向量的方向

18. 在 PCA 中，如何選擇主要的主成分？

- A) 按特徵向量的長度排序
- B) 按特徵值從小到大排序
- C) 按特徵值從大到小排序
- D) 隨機選擇特徵向量

考試科目	統計學	系所別	風險管理與保險學系	考試時間	2月12日(三)第4節
------	-----	-----	-----------	------	-------------

19. 如果在 PCA 中，某個特徵值接近於零，這表示什麼？

- A) 該主成了解釋了大部分變異
- B) 該主成分可以被忽略
- C) 資料可能存在共線性
- D) 資料未經標準化

20. 若隨機變數  $X$  和  $Y$  獨立，則條件期望 ( $E(X|Y)$ ) 等於：

- A)  $E(X)$  B)  $E(Y)$  C)  $E(XY)$  D)  $E(Y|X)$

21. 若  $E(X|Y) = 2Y + 1$ ，且  $E(Y) = 3$ ，則  $E(X)$  等於？

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4

22. 隨機變數  $X$  和  $Y$  的聯合分布已知，條件期望  $E(X|Y)$  的性質是？

- A) 是一個常數
- B) 是隨機變數  $Y$  的函數
- C) 是隨機變數  $X$  的函數
- D) 與  $Y$  無關

23. 在統計學習中，模型過度擬合 (Overfitting) 的特徵是什麼？

- A) 模型在訓練集和測試集上表現一致
- B) 模型在訓練集上表現良好，但在測試集上表現差
- C) 模型無法學習訓練數據的模式
- D) 模型完全忽略數據的變異性

24. 在統計學習中，Bias-Variance 權衡 (Bias-Variance Tradeoff) 的核心概念是什麼？

- A) 降低偏差 (Bias) 可以同時降低方差 (Variance)
- B) 提高模型複雜度總是更好
- C) 偏差與方差之間存在相互權衡
- D) 減少方差不會影響偏差

25. 在統計學習中，交叉驗證 (Cross-Validation) 的主要目的為何？

- A) 減少訓練時間
- B) 增加訓練數據的數量
- C) 評估模型的泛化能力
- D) 減少模型的偏差

備

註

- 一、作答於試題上者，不予計分。
- 二、試題請隨卷繳交。