

國立高雄大學一百學年度研究所碩士班招生考試試題

科目：統計學  
 考試時間：100 分鐘

系所：  
 亞太工商管理學系(甲組、乙組) 是否使用計算機：是  
 本科原始成績：100 分

本試題共八題，各題的配分如各小題所示。

(注意：1.請依題號順序作答於答案紙上。 2.答案若有小數，請計算至小數點後第四位再四捨五入至小數點後第三位。 3.在第4、5頁附有Normal、t、 $\chi^2$ 、F、Poisson的機率表格。)

1. 一迴歸模式  $\hat{Y}$  考慮四個自變數  $X_1$ 、 $X_2$ 、 $X_3$ 、 $X_4$ ，為了避免共線性(collinearity)的問題，分別以每一自變數為 dependent variable，其餘自變數為 independent variables，進行迴歸分析後分別得到  $R_j^2$  如下表所示。請問哪一個自變數應該從這個迴歸模式中刪除？(5 分)

Dependent variable	Independent variables	$R_j^2$
X1	X2、X3、X4	0.09
X2	X1、X3、X4	0.50
X3	X1、X2、X4	0.75
X4	X2、X3、X4	0.92

2. (A)有一項通關測驗，如果答對 5 個問題就可過關，已知每題答對的機率都是 0.4，且題目都是獨立的，請問恰好答完第 8 個問題過關的機率為何？(5 分)  
 (B)承(A)，平均需回答幾個問題才會過關？(4 分)  
 (C)亞太銀行設在高大公司的 ATM 提款機，在平日每小時平均有 8 個顧客使用，請問下一個顧客在 10 到 15 分鐘之間到達的機率為何？(4 分)
3. (A)Samples of size 60 ( $n=60$ ) are drawn from a Binomial population with population proportion 0.3. If  $\hat{p}$  denotes sample proportion and  $P(\hat{p} < M) = 0.1$ , what is the value of  $M$ ? (5 分)  
 (B)Given a normal population with  $\mu = 80$ , you select a sample of  $n = 10$  and compute the sample standard deviation  $s = 20$ . If  $P(\bar{X} > R) = 0.9$ , what is the value of  $R$ ? (5 分)
4. 某一組零件由三種零件( $X_1$ 、 $X_2$ 、 $X_3$ )組裝而成，這三種零件的生產線是獨立的，已知這三種零件的特性值(長度)(單位:  $\mu m$ )之平均數和標準差如下表所示。組零件必須管控的特性值為  $Y = X_1 + 2X_2 - 3X_3$ ，且組零件的規格要求為 [110, 135]。低於規格下限需重加工、每件重加工成本 8 元，高於規格上限則報廢、每件報廢成本 15 元。每天平均生產這個組零件 500 件。

零件	平均數( $\mu_i$ )	標準差( $\sigma_i$ )
$X_1$	100	6
$X_2$	55	4
$X_3$	30	2

- (A)如果這三種零件的長度是常態分配，請問組零件平均每天重加工成本為多少元？(4 分)  
 請問組零件平均每天報廢成本為多少元？(4 分)  
 (B)如果這三種零件的長度不確定是何種分配，且組零件的規格要求改為 [105, 135]，請問組零件平均每天最多有幾件不合格？(4 分)

國立高雄大學一百學年度研究所碩士班招生考試試題

科目：統計學  
 考試時間：100 分鐘

系所：  
 亞太工商管理學系(甲組、乙組) 是否使用計算機：是  
 本科原始成績：100 分

5. 某一城市每天汽車意外事件在過去 100 天裡，其次數分配如下表所示。在  $\alpha = 0.05$  下，請問這些資料是否顯示該城市每天汽車意外事件次數呈現 Poisson 分配。

意外事件次數	0	1	2	3	4	$\geq 5$
發生天數(天)	28	35	28	7	2	0

(A) 請問這個假設的  $H_0$  和  $H_1$  分別為何？ (4 分)

(B) 如果這個假設檢定的拒絕域為  $\left( \chi^2 > \chi^2_{critical\ value} \right)$ ，

請問  $\chi^2 = ?$  (5 分)       $\chi^2_{critical\ value} = ?$  (3 分)

(C) 請問該城市每天汽車意外事件次數是否呈現 Poisson 分配。(2 分)

6. 欲建立  $x$  和  $y$  的線性迴歸方程式  $\hat{y} = a + bx$ ，經由抽樣 20 組樣本計算得知：

$$\sum_{i=1}^{20} x_i = 350, \quad \sum_{i=1}^{20} y_i = 900, \quad \sum_{i=1}^{20} (x_i - \bar{x})^2 = 650, \quad \sum_{i=1}^{20} (y_i - \bar{y})^2 = 2,400, \quad \sum_{i=1}^{20} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = -850$$

(A) 請問  $x$  和  $y$  的相關係數(coefficient of correlation)  $r = ?$ 。(4 分)

(B) 請問  $y$  對  $x$  之迴歸估計標準誤  $S_{y|x} = ?$  (4 分)

(C) 請問係數  $a = ?$  (2 分)       $b = ?$  (2 分)

(D) 使用  $\alpha = 0.01$ ，進行迴歸係數的檢定  $\begin{cases} H_0: \beta = 0 \\ H_1: \beta < 0 \end{cases}$ ，請問您的決策為何？ (4 分)

(E) 請建立  $E(y|x=40)$  的 95% 信賴區間。(4 分)

7. 一項完全隨機設計欲檢定四種處理方法的效果是否有差別，實驗資料如下表所示。

Treatment 1	Treatment 2	Treatment 3	Treatment 4
$\bar{x}_1 = 95.6$	$\bar{x}_2 = 78.3$	$\bar{x}_3 = 85.9$	$\bar{x}_4 = 58.5$
$s_1 = 21.3$	$s_2 = 16.4$	$s_3 = 14.2$	$s_4 = 11.8$
$n_1 = 18$	$n_2 = 15$	$n_3 = 19$	$n_4 = 12$

(A) 請問 Mean square error (MSE) = ? (6 分)

國立高雄大學一百學年度研究所碩士班招生考試試題

科目：統計學  
考試時間：100 分鐘

系所：  
亞太工商管理學系(甲組、乙組) 是否使用計算機：是  
本科原始成績：100 分

(B) 使用  $\alpha=0.05$ ，如果  $(F > F_{critical\ value})$  則檢定決策為四種處理方法的效果有差異，

請問  $F = ?$  (5 分)       $F_{critical\ value} = ?$  (3 分)

8. 一項二因子(A、B)三水準的實驗資料如下表所示。經由計算後得 A 因子的均方值(Mean Square for factor A)  $MSA = 784$ 、交互作用差異值  $SSAB = 1,108$ 、總差異  $SSTotal = 6,094$

A 因子 水準	B 因子 水準	$y_1$	$y_2$	$y_3$
1	1	94	95	93
1	2	86	87	88
1	3	83	85	87
2	1	92	88	93
2	2	79	85	82
2	3	68	63	64
3	1	90	91	92
3	2	70	77	75
3	3	48	44	43

(A) 請問 B 因子的均方值(Mean Square for factor B)  $MSB = ?$  (6 分)

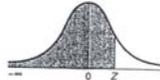
(B) 請問 Mean Square Error (MSE) = ? (6 分)

# 國立高雄大學一百學年度研究所碩士班招生考試試題

科目：統計學  
 考試時間：100 分鐘

系所：亞太工商管理學系(甲組、乙組) 是否使用計算機：是  
 本科原始成績：100 分

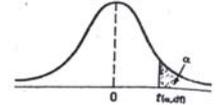
The Cumulative Standardized Normal Distribution  
 Entry represents area under the cumulative standardized normal distribution from  $-\infty$  to Z



Z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7518	0.7549
0.7	0.7580	0.7612	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.99865	0.99869	0.99874	0.99878	0.99882	0.99886	0.99889	0.99893	0.99897	0.99900
3.1	0.99903	0.99906	0.99910	0.99913	0.99916	0.99918	0.99921	0.99924	0.99926	0.99929
3.2	0.99931	0.99934	0.99936	0.99938	0.99940	0.99942	0.99944	0.99946	0.99948	0.99950
3.3	0.99952	0.99953	0.99955	0.99957	0.99958	0.99960	0.99961	0.99962	0.99964	0.99965
3.4	0.99966	0.99968	0.99969	0.99970	0.99971	0.99972	0.99973	0.99974	0.99975	0.99976
3.5	0.99977	0.99978	0.99978	0.99979	0.99980	0.99981	0.99981	0.99982	0.99983	0.99983
3.6	0.99984	0.99985	0.99985	0.99986	0.99986	0.99987	0.99987	0.99988	0.99988	0.99989
3.7	0.99989	0.99990	0.99990	0.99991	0.99991	0.99991	0.99992	0.99992	0.99992	0.99992
3.8	0.99993	0.99993	0.99993	0.99994	0.99994	0.99994	0.99994	0.99995	0.99995	0.99995
3.9	0.99995	0.99995	0.99996	0.99996	0.99996	0.99996	0.99996	0.99997	0.99997	0.99997

### Critical Values of t

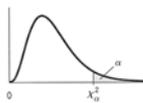
For a particular number of degrees of freedom, entry represents the critical value of t corresponding to a specified upper-tail area ( $\alpha$ ).



Degrees of Freedom	Upper-Tail Areas					
	0.25	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005
1	1.0000	3.0777	6.3138	12.7062	31.8207	63.6574
2	0.8165	1.8856	2.9200	4.3027	6.9646	9.9248
3	0.7649	1.6377	2.3534	3.1824	4.5407	5.8409
4	0.7407	1.5332	2.1318	2.7764	3.7469	4.6041
5	0.7267	1.4759	2.0150	2.5706	3.3649	4.0322
6	0.7176	1.4398	1.9432	2.4469	3.1427	3.7074
7	0.7111	1.4149	1.8946	2.3646	2.9980	3.4955
8	0.7064	1.3968	1.8595	2.3060	2.8965	3.3554
9	0.7027	1.3830	1.8331	2.2622	2.8214	3.2498
10	0.6998	1.3722	1.8125	2.2281	2.7638	3.1693
11	0.6974	1.3634	1.7959	2.2010	2.7181	3.1058
12	0.6955	1.3562	1.7823	2.1788	2.6810	3.0545
13	0.6938	1.3502	1.7709	2.1604	2.6503	3.0123
14	0.6924	1.3450	1.7613	2.1448	2.6245	2.9768
15	0.6912	1.3406	1.7531	2.1315	2.6025	2.9467
16	0.6901	1.3368	1.7459	2.1199	2.5835	2.9208
17	0.6892	1.3334	1.7396	2.1098	2.5669	2.8982
18	0.6884	1.3304	1.7341	2.1009	2.5524	2.8784
19	0.6876	1.3277	1.7291	2.0930	2.5395	2.8609
20	0.6870	1.3253	1.7247	2.0860	2.5280	2.8453

### Percentiles of the chi-squared distribution.

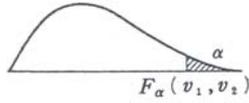
Right-tail probability	df	$\alpha$				
		0.10	0.05	0.025	0.01	0.005
Values of $\chi^2_{\alpha}$	1	2.706	3.841	5.024	6.635	7.879
	2	4.605	5.991	7.378	9.210	10.597
	3	6.251	7.815	9.348	11.345	12.838
	4	7.779	9.488	11.143	13.277	14.860
	5	9.236	11.070	12.833	15.086	16.750
	6	10.645	12.592	14.449	16.812	18.548
	7	12.017	14.067	16.013	18.475	20.278
	8	13.362	15.507	17.535	20.090	21.955
	9	14.684	16.919	19.023	21.666	23.589
	10	15.987	18.307	20.483	23.209	25.188
	11	17.275	19.675	21.920	24.725	26.757
	12	18.549	21.026	23.337	26.217	28.300
	13	19.812	22.362	24.736	27.688	29.819
	14	21.064	23.685	26.119	29.141	31.319
	15	22.307	24.996	27.488	30.578	32.801
	16	23.542	26.296	28.845	32.000	34.267
	17	24.769	27.587	30.191	33.409	35.718
	18	25.989	28.869	31.526	34.805	37.156
	19	27.204	30.143	32.852	36.191	38.582
	20	28.412	31.410	34.170	37.566	39.997
	21	29.615	32.671	35.479	38.932	41.401
	22	30.813	33.924	36.781	40.290	42.796
	23	32.007	35.172	38.076	41.638	44.181
	24	33.196	36.415	39.364	42.980	45.559
	25	34.382	37.653	40.647	44.314	46.928
	26	35.563	38.885	41.923	45.642	48.290
	27	36.741	40.113	43.195	46.963	49.645
	28	37.916	41.337	44.461	48.278	50.994
	29	39.087	42.557	45.722	49.588	52.336
	30	40.256	43.773	46.979	50.892	53.672
	40	51.805	55.759	59.342	63.691	66.767
	50	63.167	67.505	71.420	76.154	79.490
	60	74.397	79.082	83.298	88.381	91.955
	70	85.527	90.531	95.023	100.424	104.213
	80	96.578	101.879	106.628	112.328	116.320
	90	107.565	113.145	118.135	124.115	128.296
	100	118.499	124.343	129.563	135.811	140.177



國立高雄大學一百學年度研究所碩士班招生考試試題

科目：統計學  
 考試時間：100 分鐘

系所：亞太工商管理學系(甲組、乙組) 是否使用計算機：是  
 本科原始成績：100 分



F 分配右尾百分點  $F_{\alpha}(v_1, v_2)$

$\alpha = 0.05$

$v_2 \backslash v_1$	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	161.45	199.50	215.71	224.58	230.16	233.99	236.77	238.88	240.54
2	18.513	19.000	19.164	19.247	19.296	19.330	19.353	19.371	19.385
3	10.128	9.5521	9.2766	9.1172	9.0135	8.9406	8.8868	8.8452	8.8123
4	7.7086	6.9443	6.5914	6.3883	6.2560	6.1631	6.0942	6.0410	5.9988
5	6.6079	5.7861	5.4095	5.1922	5.0503	4.9503	4.8759	4.8183	4.7725
6	5.9874	5.1433	4.7571	4.5337	4.3874	4.2839	4.2066	4.1468	4.0990
7	5.5914	4.7374	4.3468	4.1203	3.9715	3.8660	3.7870	3.7257	3.6767
8	5.3177	4.4590	4.0662	3.8378	3.6875	3.5806	3.5005	3.4381	3.3881
9	5.1174	4.2565	3.8626	3.6331	3.4817	3.3738	3.2927	3.2296	3.1789
10	4.9646	4.1028	3.7083	3.4780	3.3258	3.2172	3.1355	3.0717	3.0204
11	4.8443	3.9823	3.5874	3.3567	3.2039	3.0946	3.0123	2.9480	2.8962
12	4.7472	3.8853	3.4903	3.2592	3.1059	2.9961	2.9134	2.8486	2.7964
13	4.6672	3.8056	3.4105	3.1791	3.0254	2.9153	2.8321	2.7669	2.7144
14	4.6001	3.7389	3.3439	3.1122	2.9582	2.8477	2.7642	2.6987	2.6458
15	4.5431	3.6823	3.2874	3.0556	2.9013	2.7905	2.7066	2.6408	2.5876
16	4.4940	3.6337	3.2389	3.0069	2.8524	2.7413	2.6572	2.5911	2.5377
17	4.4513	3.5915	3.1968	2.9647	2.8100	2.6987	2.6143	2.5480	2.4943
18	4.4139	3.5546	3.1599	2.9277	2.7729	2.6613	2.5767	2.5102	2.4563
19	4.3808	3.5219	3.1274	2.8951	2.7401	2.6283	2.5435	2.4768	2.4227
20	4.3513	3.4928	3.0984	2.8661	2.7109	2.5990	2.5140	2.4471	2.3928
21	4.3248	3.4668	3.0725	2.8401	2.6848	2.5727	2.4876	2.4205	2.3661
22	4.3009	3.4434	3.0491	2.8167	2.6613	2.5491	2.4638	2.3965	2.3419
23	4.2793	3.4221	3.0280	2.7955	2.6400	2.5277	2.4422	2.3748	2.3201
24	4.2597	3.4028	3.0088	2.7763	2.6207	2.5082	2.4226	2.3551	2.3002
25	4.2417	3.3852	2.9912	2.7587	2.6030	2.4904	2.4047	2.3371	2.2821
26	4.2252	3.3690	2.9751	2.7426	2.5868	2.4741	2.3883	2.3205	2.2655
27	4.2100	3.3541	2.9604	2.7278	2.5719	2.4591	2.3732	2.3053	2.2501
28	4.1960	3.3404	2.9467	2.7141	2.5581	2.4453	2.3593	2.2913	2.2360
29	4.1830	3.3277	2.9340	2.7014	2.5454	2.4324	2.3463	2.2782	2.2229
30	4.1709	3.3158	2.9223	2.6896	2.5336	2.4205	2.3343	2.2662	2.2107
40	4.0848	3.2317	2.8387	2.6060	2.4495	2.3359	2.2490	2.1802	2.1240
60	4.0012	3.1504	2.7581	2.5252	2.3683	2.2540	2.1665	2.0970	2.0401
120	3.9201	3.0718	2.6802	2.4472	2.2900	2.1750	2.0867	2.0164	1.9588
$\infty$	3.8415	2.9957	2.6049	2.3719	2.2141	2.0986	2.0096	1.9384	1.8800

Poisson 分配值  $P(X \leq c) = \sum_{x=0}^c e^{-\lambda} \frac{\lambda^x}{x!}$

c	$\lambda$									
	.10	.20	.30	.40	.50	.60	.70	.80	.90	1.00
0	.905	.819	.741	.670	.607	.549	.497	.449	.407	.368
1	.995	.982	.963	.938	.910	.878	.844	.809	.772	.736
2	1.000	.999	.996	.992	.986	.977	.966	.953	.937	.920
3	1.000	1.000	1.000	.999	.998	.997	.994	.991	.987	.981
4	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	.999	.999	.998	.996
5	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	.999
6	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000
7	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000

c	$\lambda$									
	1.10	1.20	1.30	1.40	1.50	1.60	1.70	1.80	1.90	2.00
0	.333	.301	.273	.247	.223	.202	.183	.165	.150	.135
1	.699	.663	.627	.592	.558	.525	.493	.463	.434	.406
2	.900	.879	.857	.833	.809	.783	.757	.731	.704	.677
3	.974	.966	.957	.946	.934	.921	.907	.891	.875	.857
4	.995	.992	.989	.986	.981	.976	.970	.964	.956	.947
5	.999	.998	.998	.997	.996	.994	.992	.990	.987	.983
6	1.000	1.000	1.000	.999	.999	.999	.998	.997	.997	.995
7	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	.999	.999	.999
8	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000
9	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000