



注意事項：

1. 答案依序書寫於答案卷上，不必抄題。
2. 答案卷不可書寫任何可辨別個人姓名或特殊標記，違者不予計算。
3. 請於試題紙上填寫准考證號碼，繳卷時「試題」、「答案卷」一併繳回。

第一部份：名詞解釋 (各 5%，共 20%，中文回答)

- (1) Law of Large Number
- (2) Central Limit Theorem
- (3) Level of Significance
- (4) p -value

第二部份：(有八題，共 80%)

1. 報紙一項有關「即將開放國外○肉○○進口」議題的電訪調查指出：「依據最新民調顯示，72% 的受訪者不能接受此項措施。…」的電腦輔助電話訪問調查報導。

假設此次電訪調查以下面訊息做為調查報告的結尾：

「本次調查係委託○○民調公司執行，採取電話訪問方式，以台灣地區住宅電話簿為抽樣清冊，電話號碼末兩碼採取隨機編碼取號，於 27 日夜間進行，成功訪問台灣地區 708 位年滿 20 歲的成人。調查結果並依據性別、年齡與地區分布進行加權。在 95% 的信心水準下，抽樣誤差為正負 3%。」

請思考指正此結尾訊息有否不合理之處？(10% 請以統計量化說明)

2. 報紙有一篇關於亞洲四小龍經濟表現報導，四小龍中，同樣三年期的經濟成長率 GDP 相關數據如下表

| | 2008 | 2009 | 2010 | 幾何平均 | 算術平均 |
|-----|------|-------|-------|------|------|
| 台灣 | 0.73 | -1.81 | 10.72 | 1.51 | 3.21 |
| 南韓 | 2.30 | 0.20 | 6.06 | 2.22 | 2.85 |
| 新加坡 | 1.49 | -0.77 | 14.47 | 2.86 | 5.06 |
| 香港 | 2.31 | -2.66 | 6.97 | 1.39 | 2.21 |

依據此數據，何種平均數是適合描述 GDP 的統計量？四小龍經濟表現領先者屬誰？請說明理由。(5%)

3. A 、 B 和 C 三資產，5 個年度預期報酬率(單位：%)與共變異矩陣如下表：

| 5 個年度預期報酬率 | | | | | | 共變異矩陣 | | | |
|------------|------|------|-------|------|------|-------|----------|----------|----------|
| (%) | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | cov | A | B | C |
| A | -2.0 | 14.0 | -10.0 | 20.0 | 27.0 | A | 237.200 | 97.650 | -127.850 |
| B | -8.5 | -4.0 | 15.0 | 25.5 | 20.0 | B | 97.650 | 225.675 | -189.325 |
| C | 17.0 | 28.0 | 1.0 | -2.0 | -9.2 | C | -127.850 | -189.325 | 230.8 |

今作投資，假設你手上有甲、乙兩方案的投資組合可供選擇。

(甲案) $0.6A + 0.4B$ (乙案) $0.6A + 0.4C$

回答下列問題：

- (一). A 、 B 和 C 三資產的平均報酬率各為多少？
- (二). A 和 B 、 A 和 C 資產相關係數各為多少？
- (三). 甲案與乙案的預期報酬率各為多少？
- (四). 甲案與乙案的標準差各為多少？
- (五). 你傾向選擇何方案？說明理由。(15%)

4. 有一資料集合 $\{(x_i, y_i)\}$ 如下表，你想建立下列的迴歸模型：(15%)

$$E(y_i) = x_i + b, \quad \varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2), \quad i=1, \dots, 5$$

(一) 求算 b 的最小平方估計值為？

(二) 在顯著水準是 5% 下，檢定 $H_0: b = 0$ 。

| | | | | | |
|-----|---|---|----|---|---|
| x | 4 | 0 | -2 | 3 | 1 |
| y | 5 | 0 | 0 | 6 | 3 |

5. 將一顆骰子投擲二次，以 Y_1 和 Y_2 分別表第一次和第二次的點數，今定義隨機變數 $X = \min(Y_1, Y_2)$ ，求 X 的機率分配？ (5%)

6. 設 X 、 Y 都是卜松分配(Poisson 分配)且互相獨立，參數分別為 λ_1 與 λ_2 。計算在給定 $X + Y = n$ 的條件下， X 的條件分布。(10%)

(假設你已完成如下部份，請繼續…)

$$P(X = k | X + Y = n) = \frac{P(X = k, X + Y = n)}{P(X + Y = n)} = \frac{P(X = k, Y = n - k)}{P(X + Y = n)} = \dots$$

7. 有一選擇題有 5 選項，其中只有一選項正確。現在假設你有認真念書，則你一定會答對；若沒有認真念書，你只能隨機猜答。今 A 事件代表你有認真念書且機率為 p ；而 B 事件代表正確答題的事件。回答下列問題：

(一) $P(A|B)$ 的機率。 (二) 何種情形下， A 和 B 是獨立事件？ (10%)

8. $f(x, y) = \begin{cases} x+y & 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1 \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$ 計算 $P\left(X < \frac{1}{4} \mid Y = \frac{1}{3}\right)$ 。 (10%)

參考分配表值：請注意以下給定的參考皆是由左累積而成

$$P(t < t_{(\alpha, df)}) = \alpha$$

| $t_{(0.9,3)}$ | $t_{(0.95,3)}$ | $t_{(0.975,3)}$ | $t_{(0.99,3)}$ |
|---------------|----------------|-----------------|----------------|
| 1.637744 | 2.353363 | 3.182446 | 4.540703 |
| $t_{(0.9,4)}$ | $t_{(0.95,4)}$ | $t_{(0.975,4)}$ | $t_{(0.99,4)}$ |
| 1.533206 | 2.131847 | 2.776445 | 3.746947 |
| $t_{(0.9,5)}$ | $t_{(0.95,5)}$ | $t_{(0.975,5)}$ | $t_{(0.99,5)}$ |
| 1.475884 | 2.015048 | 2.570582 | 3.364930 |

$$P(Z < z_{(\alpha)}) = \alpha$$

| $z_{(0.9)}$ | $z_{(0.95)}$ | $z_{(0.975)}$ | $z_{(0.99)}$ |
|-------------|--------------|---------------|--------------|
| 1.281552 | 1.644854 | 1.959964 | 2.326348 |