

國立臺北科技大學 108 學年度碩士班招生考試

系所組別：1120 機械工程系機電整合碩士班乙組

第一節 工程數學 試題

第一頁 共一頁

注意事項：

1. 本試題共五題，每題 20 分，共 100 分。
2. 請標明大題、子題編號作答，不必抄題。
3. 全部答案均須在答案卷之答案欄內作答，否則不予計分。

一、試求下列微分方程式之一般解：

1. $(dy + 2xydx)e^{x^2} = 0 \quad (10\%)$
2. $x^2y'' - 4xy' + 6y = 2x^{-3} \quad (10\%)$

二、試利用拉氏轉換求解下列問題：

1. $f(t) = t^2 \sin t \quad \text{試求 } \mathcal{L}\{f(t)\} \quad (10\%)$
2. $y'' + 3y' + 2y = 3u(t-1), \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 0 \quad (10\%)$

三、若 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 \\ 3 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ ，試求解下列問題：

1. 試求矩陣 A 之特徵值與特徵向量 (10%)
2. 試將矩陣 A 對角化 (10%)

四、試求下列向量分析之問題：

1. 試求 $x^2 - 4y^2 + z^2 = 16$ 在點 $(4,1,2)$ 的平面方程式 (10%)
2. 試求 $\oint_c (x^2 + y^2)dx + (x^2 - y^2)dy, \quad c$ 為沿著 $(0,0), (1,0), (1,1), (0,1)$ 之封閉矩型路徑 (10%)

五、試求下列複數函數之問題：

1. 若 $z = \cos^{-1} 3$ 試求複數函數 z 之所有值 (10%)
2. 試計算 $\int_{|z=2|} \frac{z^3 + 2z - 5}{z-1} dz$ 之值 (10%)