

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系(所)別：工業工程與管理系
組別：一般生
科目：統計學

總分：100 分

第 1 頁共 7 頁

一、選擇題：(每題 3 分，共 30 分) 每題只有一個正確答案，數字若有誤差，請選擇最接近之答案。於答案卷上標示題號及答案。

1. If $P(A) = 0.6$, $P(A \cup B) = 0.8$, and $P(B|A) = 0.4$, then $P(B) =$
(A) 0.44 (B) 0.24 (C) 0.20 (D) 1.00
2. 以下敘述何者為非？
(A) 當 $\text{Cov}(X, Y) = 0$ 時，則 X 和 Y 相互獨立
(B) 當 X 和 Y 相互獨立時，則 $\text{Cov}(X, Y) = 0$
(C) 若 $P(X \cap Y) = P(X)P(Y)$ ，則 X 和 Y 相互獨立
(D) 若 X 和 Y 相互獨立時，則 $P(X \cap Y) = P(X)P(Y)$
3. For two random variables with the same moment generating function,
(A) they are independent (B) they are mutually exclusive
(C) they have the same distribution (D) None of the above
4. Let X and Y be two independent normal random variables with $X \sim N(10, 12)$, $Y \sim N(20, 2)$. The variance of $X - 2Y$ is
(A) 8 (B) 4 (C) 16 (D) 20
5. 考慮一隨機變數 X ，已知 $E(X) = 5$, $E(X^2) = 29$ ，則 $P(0 < X < 10)$ 之下限為
(A) $4/25$ (B) $21/25$ (C) $24/25$ (D) 0
6. 下列哪一項不會影響 μ 信賴區間的長度？
(A) 母體分配 (B) 樣本數 (C) 樣本平均數 (D) 樣本標準差
7. 檢定兩變異數是否相等所用的檢定統計量為
(A) Z 檢定統計量 (B) χ^2 檢定統計量 (C) T 檢定統計量 (D) F 檢定統計量
8. 朝陽工廠中某生產 MP3 之機器有 3% 為不良品，今在產出之產品中任意抽取 100 個，則至少有 4% 為不良品的機率為何？
(A) 0.2776 (B) 0.504 (C) 0.506 (D) 0.7224
9. 假設大樣本雙尾檢定，我們計算出檢定統計量 $Z_0 = 2.96$ 並拒絕 H_0 ，請問 p-value 值是多少？
(A) 0.0030 (B) 0.4985 (C) 0.9970 (D) 0.0015
10. 一般較常用來評斷估計式是否優良之標準，不包括哪一個？
(A) 一致性 (B) 必要性 (C) 有效性 (D) 不偏性

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系(所)別：工業工程與管理系
組別：一般生
科目：統計學

總分：100 分

第 2 頁共 7 頁

二、填充題：(每格 3 分，共 30 分)請於答案卷上標示題號及答案。

1. Let X and Y have the joint density
 $f(x, y) = c, \quad 0 \leq x \leq y \leq 1$
(1) The appropriate value of $c =$ _____
(2) The marginal probability density function of X is _____
2. 若變數 X 和 Y 分別為兩隨機變數，已知 $\text{Var}(X) = 16, \text{Var}(Y) = 36$ ，且 $\text{Cov}(X, Y) = -18$ ，求
(1) $\text{Var}(5X+2Y) =$ _____
(2) $\text{Cov}(3X+2, 4Y-5) =$ _____
3. 若一隨機變數 X 之 mgf(moment generating function) $M_X(t) = 0.3e^t + 0.2e^{2t} + 0.5e^{5t}$ ，試求 X 之變異數(variance)為 _____
4. 以下是朝陽工管系五名學生的統計學考試成績：60、70、80、80、90，今以不歸還之方式隨機抽取二名學生，則平均成績的期望值 $E(\bar{x})$ 為何？ _____
5. 欲檢定 $H_0: \mu \leq 200$ 及 $H_1: \mu > 200$ ，且已知 $\sigma = 40$ 、樣本數為 100、 $\alpha = 0.05$ ，危險域(拒絕域)為 _____
6. 一個老師要估計全校學生統計學成績，假設全校統計成績為常態分配，他抽了四位同學的成績，得到如下：68、75、79、83，計算全校統計學平均成績的 95%信賴區間為 _____
7. 假設某工廠的一部機器，生產出平均 8.5 吋，標準差為 1 吋的 LCD。今改變機器的一些設定後，抽取 100 個產品，以觀察改變設定後之平均寬度是否增加，則在顯著水準為 0.05 下
(1) 試寫出 H_0 及 H_1 為 _____
(2) 若抽取的 100 個產品，獲得平均寬度為 8.8 吋，則 p-value 為 _____

三、計算/證明題：(每題 10 分，共 40 分)請於答案卷上標示題號、計算/證明過程，以及答案。

1. Suppose the pdf of a random variable X is

$$f(x) = \frac{1}{2}x, \text{ for } 0 < x < 2$$

Let $U = 5X$, find the pdf of U .

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系(所)別：工業工程與管理系

組別：一般生

科目：統計學

總分：100 分

第 3 頁共 7 頁

2. 根據前兩年美國紐約洋基隊的紀錄，當王建民擔任先發投手的球賽中約有 $3/4$ 的比例洋基會贏球，而其中有 70% 是在紐約洋基球場(主場)贏球的，但有 $1/4$ 的比例洋基會輸給對手，而其中有 60% 是在客場輸球的。
- (1) 若王建民將在下週於洋基球場(主場)擔任先發，試問洋基隊會贏得該場球賽的機率為何？
- (2) 若王建民將在下週於波士頓(客場)擔任先發，試問洋基隊會贏得該場球賽的機率為何？
3. 若 T 牌筆記型電腦壽命服從於平均數 7.2 年，標準差為 3 年之指數分配。H 牌筆記型電腦壽命服從於平均數 7 年，標準差為 2 年之均勻分配。今某人若購買 T 牌 64 台、H 牌 100 台。
- (1) 請問 T 牌樣本之平均壽命至少為 8 年的機率為何？
- (2) 請問 T 牌比 H 牌樣本之平均壽命長 0.1 個月以上的機率為何？
4. 若某工廠 A、B 兩部機器生產出鋁罐，其重量皆呈常態分配，假設兩母體獨立，但母體平均數及變異數均未知。若隨機從 A 機器抽出 16 個樣本，得樣本平均重量為 75.2g，樣本變異數 8.64g；由 B 機器抽出 10 個樣本，得樣本平均重量為 78.6g，樣本變異數為 7.88g。請問在顯著水準 $\alpha = 0.1$ 時
- (1) 檢定兩母體變異數是否相等？
- (2) 依(1)的結果，檢定兩母體平均數是否相等？

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系(所)別：工業工程與管理系
組別：一般生
科目：統計學

總分：100 分

第 4 頁共 7 頁

$$\Phi(z) = P(Z \leq z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\mu^2} d\mu$$

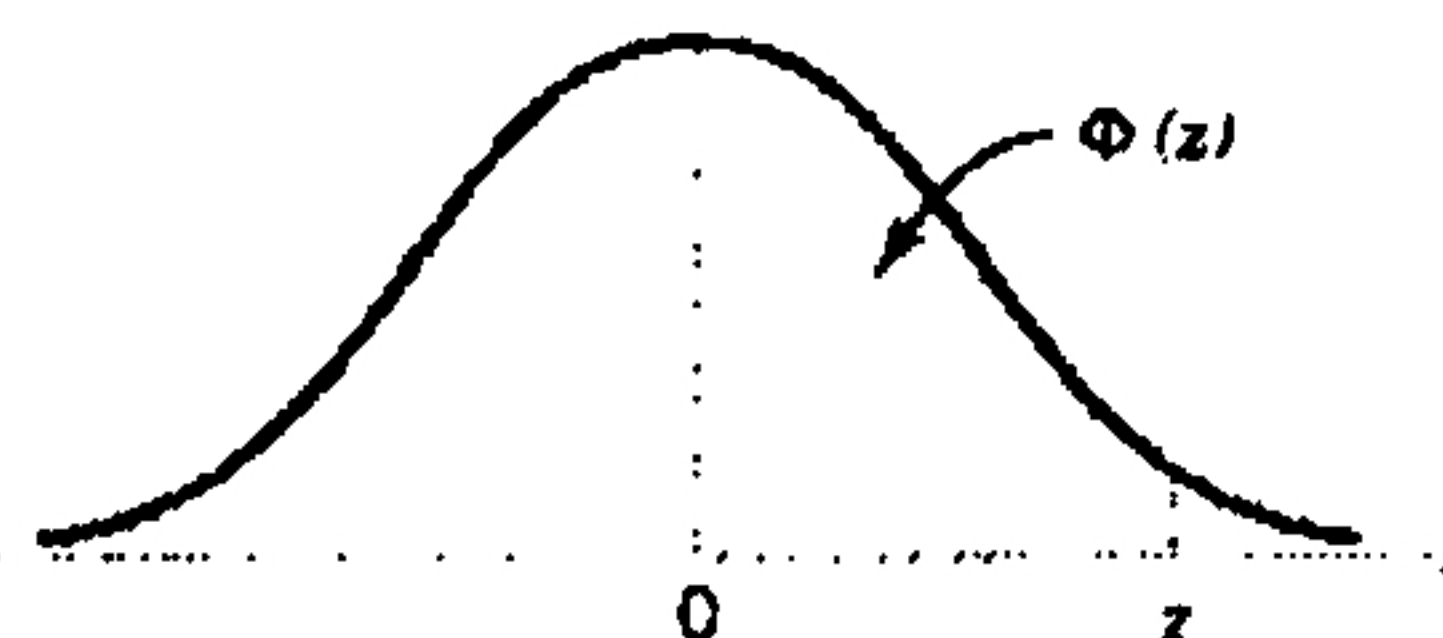


Table I. Cumulative Standard Normal Distribution

z	0	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.500000	0.503989	0.507978	0.511967	0.515953	0.519939	0.523922	0.527903	0.531881	0.535856
0.1	0.539828	0.543795	0.547758	0.551717	0.555670	0.559618	0.563559	0.567495	0.571424	0.575345
0.2	0.579260	0.583166	0.587064	0.590954	0.594835	0.598706	0.602568	0.606420	0.610261	0.614092
0.3	0.617911	0.621719	0.625516	0.629300	0.633072	0.636831	0.640576	0.644309	0.648027	0.651732
0.4	0.655422	0.659097	0.662757	0.666402	0.670031	0.673645	0.677242	0.680822	0.684386	0.687933
0.5	0.691462	0.694974	0.698468	0.701944	0.705401	0.708840	0.712260	0.715661	0.719043	0.722405
0.6	0.725747	0.729069	0.732371	0.735653	0.738914	0.742154	0.745373	0.748571	0.751748	0.754903
0.7	0.758036	0.761148	0.764238	0.767305	0.770350	0.773373	0.776373	0.779350	0.782305	0.785236
0.8	0.788145	0.791030	0.793892	0.796731	0.799546	0.802338	0.805106	0.807850	0.810570	0.813267
0.9	0.815940	0.818589	0.821214	0.823815	0.826391	0.828944	0.831472	0.833977	0.836457	0.838913
1.0	0.841345	0.843752	0.846136	0.848495	0.850830	0.853141	0.855428	0.857690	0.859929	0.862143
1.1	0.864334	0.866500	0.868643	0.870762	0.872857	0.874928	0.876976	0.878999	0.881000	0.882977
1.2	0.884930	0.886860	0.888767	0.890651	0.892512	0.894350	0.896165	0.897958	0.899727	0.901475
1.3	0.903199	0.904902	0.906582	0.908241	0.909877	0.911492	0.913085	0.914657	0.916207	0.917736
1.4	0.919243	0.920730	0.922196	0.923641	0.925066	0.926471	0.927855	0.929219	0.930563	0.931888
1.5	0.933193	0.934478	0.935744	0.936992	0.938220	0.939429	0.940620	0.941792	0.942947	0.944083
1.6	0.945201	0.946301	0.947384	0.948449	0.949497	0.950529	0.951543	0.952540	0.953521	0.954486
1.7	0.955435	0.956367	0.957284	0.958185	0.959071	0.959941	0.960796	0.961636	0.962462	0.963273
1.8	0.964070	0.964852	0.965621	0.966375	0.967116	0.967843	0.968557	0.969258	0.969946	0.970621
1.9	0.971283	0.971933	0.972571	0.973197	0.973810	0.974412	0.975002	0.975581	0.976148	0.976705
2.0	0.977250	0.977784	0.978308	0.978822	0.979325	0.979818	0.980301	0.980774	0.981237	0.981691
2.1	0.982136	0.982571	0.982997	0.983414	0.983823	0.984222	0.984614	0.984997	0.985371	0.985738
2.2	0.986097	0.986447	0.986791	0.987126	0.987455	0.987776	0.988089	0.988396	0.988696	0.988989
2.3	0.989276	0.989556	0.989830	0.990097	0.990358	0.990613	0.990863	0.991106	0.991344	0.991576
2.4	0.991802	0.992024	0.992240	0.992451	0.992656	0.992857	0.993053	0.993244	0.993431	0.993613
2.5	0.993790	0.993963	0.994132	0.994297	0.994457	0.994614	0.994766	0.994915	0.995060	0.995201
2.6	0.995339	0.995473	0.995604	0.995731	0.995855	0.995975	0.996093	0.996207	0.996319	0.996427
2.7	0.996533	0.996636	0.996736	0.996833	0.996928	0.997020	0.997110	0.997197	0.997282	0.997365
2.8	0.997445	0.997523	0.997599	0.997673	0.997744	0.997814	0.997882	0.997948	0.998012	0.998074
2.9	0.998134	0.998193	0.998250	0.998305	0.998359	0.998411	0.998462	0.998511	0.998559	0.998605
3.0	0.998650	0.998694	0.998736	0.998777	0.998817	0.998856	0.998893	0.998930	0.998965	0.998999
3.1	0.999032	0.999065	0.999096	0.999126	0.999155	0.999184	0.999211	0.999238	0.999264	0.999289
3.2	0.999313	0.999336	0.999359	0.999381	0.999402	0.999423	0.999443	0.999462	0.999481	0.999499
3.3	0.999517	0.999533	0.999550	0.999566	0.999581	0.999596	0.999610	0.999624	0.999638	0.999650
3.4	0.999663	0.999675	0.999687	0.999698	0.999709	0.999720	0.999730	0.999740	0.999749	0.999758
3.5	0.999767	0.999776	0.999784	0.999792	0.999800	0.999807	0.999815	0.999821	0.999828	0.999835
3.6	0.999841	0.999847	0.999853	0.999858	0.999864	0.999869	0.999874	0.999879	0.999883	0.999888
3.7	0.999892	0.999896	0.999900	0.999904	0.999908	0.999912	0.999915	0.999918	0.999922	0.999925
3.8	0.999928	0.999931	0.999933	0.999936	0.999938	0.999941	0.999943	0.999946	0.999948	0.999950
3.9	0.999952	0.999954	0.999956	0.999958	0.999959	0.999961	0.999963	0.999964	0.999966	0.999967

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系(所)別：工業工程與管理系
組別：一般生
科目：統計學

總分：100 分

第 5 頁共 7 頁

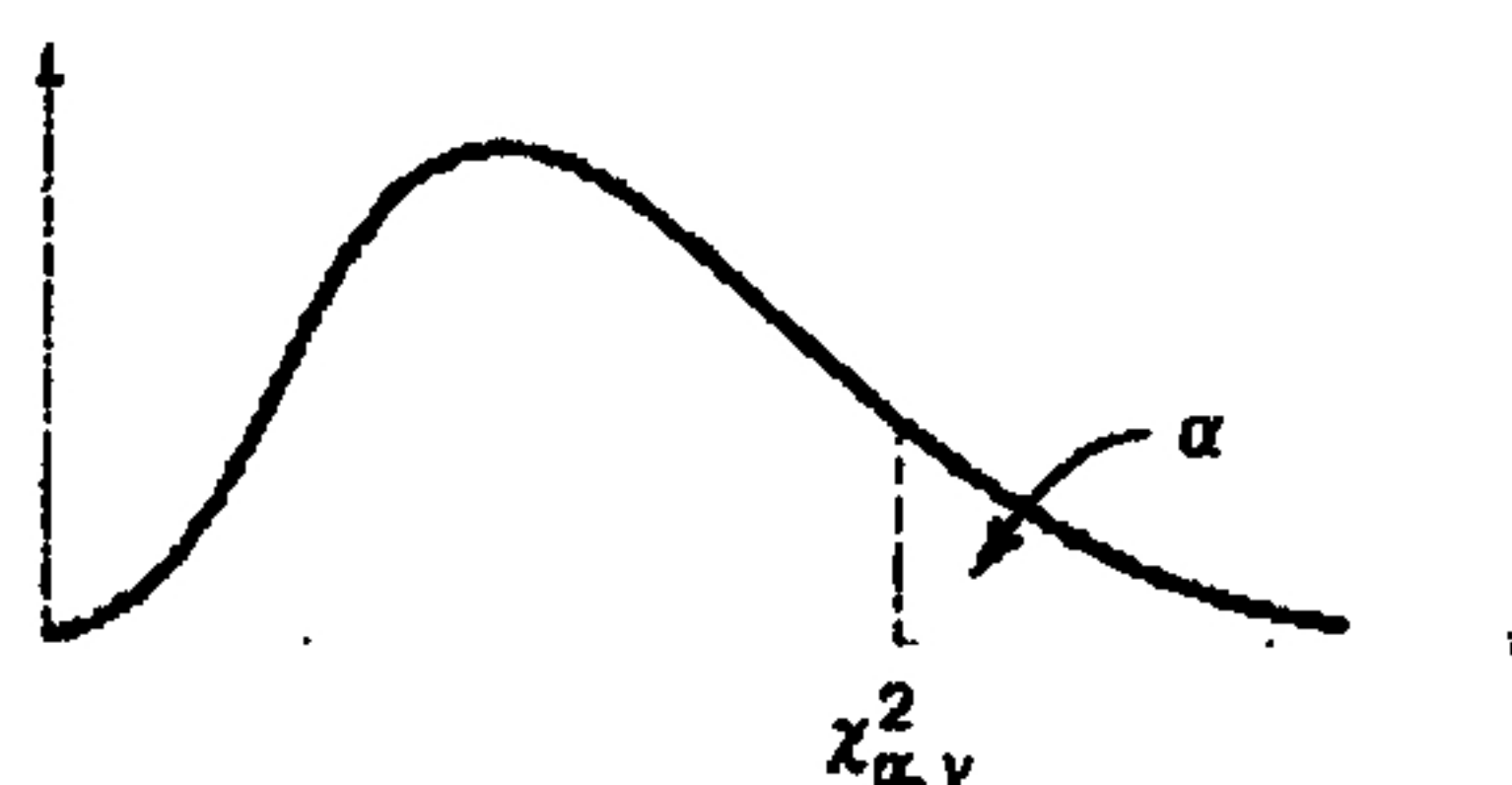


Table II. Percentage Points $\chi^2_{\alpha, v}$ of the Chi-Squared Distribution

$\alpha \backslash v$	0.995	0.99	0.975	0.95	0.9	0.5	0.1	0.05	0.025	0.01	0.005
1	0.00	0.00	0.00	0.00	0.02	0.45	2.71	3.84	5.02	6.63	7.88
2	0.01	0.02	0.05	0.10	0.21	1.39	4.61	5.99	7.38	9.21	10.60
3	0.07	0.11	0.22	0.35	0.58	2.37	6.25	7.81	9.35	11.34	12.84
4	0.21	0.30	0.48	0.71	1.06	3.36	7.78	9.49	11.14	13.28	14.86
5	0.41	0.55	0.83	1.15	1.61	4.35	9.24	11.07	12.83	15.09	16.75
6	0.68	0.87	1.24	1.64	2.20	5.35	10.65	12.59	14.45	16.81	18.55
7	0.99	1.24	1.69	2.17	2.83	6.35	12.02	14.07	16.01	18.48	20.28
8	1.34	1.65	2.18	2.73	3.49	7.34	13.36	15.51	17.53	20.09	21.96
9	1.73	2.09	2.70	3.33	4.17	8.34	14.68	16.92	19.02	21.67	23.59
10	2.16	2.56	3.25	3.94	4.87	9.34	15.99	18.31	20.48	23.21	25.19
11	2.60	3.05	3.82	4.57	5.58	10.34	17.28	19.68	21.92	24.72	26.76
12	3.07	3.57	4.40	5.23	6.30	11.34	18.55	21.03	23.34	26.22	28.30
13	3.57	4.11	5.01	5.89	7.04	12.34	19.81	22.36	24.74	27.69	29.82
14	4.07	4.66	5.63	6.57	7.79	13.34	21.06	23.68	26.12	29.14	31.32
15	4.60	5.23	6.27	7.26	8.55	14.34	22.31	25.00	27.49	30.58	32.80
16	5.14	5.81	6.91	7.96	9.31	15.34	23.54	26.30	28.85	32.00	34.27
17	5.70	6.41	7.56	8.67	10.09	16.34	24.77	27.59	30.19	33.41	35.72
18	6.26	7.01	8.23	9.39	10.87	17.34	25.99	28.87	31.53	34.81	37.16
19	6.84	7.63	8.91	10.12	11.65	18.34	27.20	30.14	32.85	36.19	38.58
20	7.43	8.26	9.59	10.85	12.44	19.34	28.41	31.41	34.17	37.57	40.00
21	8.03	8.90	10.28	11.59	13.24	20.34	29.62	32.67	35.48	38.93	41.40
22	8.64	9.54	10.98	12.34	14.04	21.34	30.81	33.92	36.78	40.29	42.80
23	9.26	10.20	11.69	13.09	14.85	22.34	32.01	35.17	38.08	41.64	44.18
24	9.89	10.86	12.40	13.85	15.66	23.34	33.20	36.42	39.36	42.98	45.56
25	10.52	11.52	13.12	14.61	16.47	24.34	34.28	37.65	40.65	44.31	46.93
26	11.16	12.20	13.84	15.38	17.29	25.34	35.56	38.89	41.92	45.64	48.29
27	11.81	12.88	14.57	16.15	18.11	26.34	36.74	40.11	43.19	46.96	49.65
28	12.46	13.57	15.31	16.93	18.94	27.34	37.92	41.34	44.46	48.28	50.99
29	13.12	14.26	16.05	17.71	19.77	28.34	39.09	42.56	45.72	49.59	52.34
30	13.79	14.95	16.79	18.49	20.60	29.34	40.26	43.77	46.98	50.89	53.67
40	20.71	22.16	24.43	26.51	29.05	39.34	51.81	55.76	59.34	63.69	66.77
50	27.99	29.71	32.36	34.76	37.69	49.33	63.17	67.50	71.42	76.15	79.49
60	35.53	37.48	40.48	43.19	46.46	59.33	74.40	79.08	83.30	88.38	91.95
70	43.28	45.44	48.76	51.74	55.33	69.33	85.53	90.53	95.02	100.42	104.22
80	51.17	53.54	57.15	60.39	64.28	79.33	96.58	101.88	106.63	112.33	116.32
90	59.20	61.75	65.65	69.13	73.29	89.33	107.57	113.14	118.14	124.12	128.30
100	67.33	70.06	74.22	77.93	82.36	99.33	118.50	124.34	129.56	135.81	140.17

v = degrees of freedom.

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系(所)別：工業工程與管理系
組別：一般生
科目：統計學

總分：100 分

第 6 頁共 7 頁

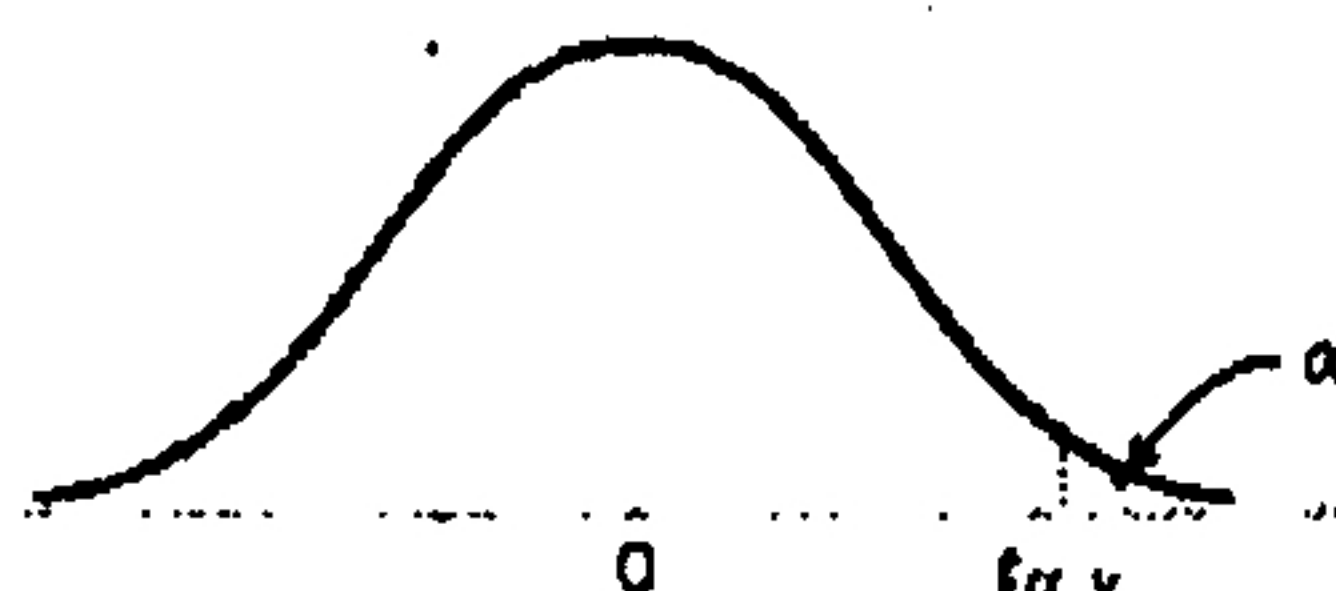


Table III. Percentage Points $t_{\alpha, v}$ of the t-Distribution

α v	0.400	0.250	0.100	0.050	0.025	0.010	0.005	0.0025	0.001	0.0005
1	0.325	1.000	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	127.320	318.310	636.620
2	0.289	0.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	14.089	23.326	31.598
3	0.277	0.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	7.453	10.213	12.924
4	0.271	0.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	5.598	7.173	8.610
5	0.267	0.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	4.773	5.893	6.869
6	0.265	0.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	4.317	5.208	5.959
7	0.263	0.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.029	4.785	5.408
8	0.262	0.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	3.833	4.501	5.041
9	0.261	0.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	3.690	4.297	4.781
10	0.260	0.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	3.581	4.144	4.587
11	0.260	0.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	3.497	4.025	4.437
12	0.259	0.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	3.428	3.930	4.318
13	0.259	0.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	3.372	3.852	4.221
14	0.258	0.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	3.326	3.787	4.140
15	0.258	0.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.286	3.733	4.073
16	0.258	0.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.252	3.686	4.015
17	0.257	0.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.222	3.646	3.965
18	0.257	0.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.197	3.610	3.922
19	0.257	0.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.174	3.579	3.883
20	0.257	0.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.153	3.552	3.850
21	0.257	0.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.135	3.527	3.819
22	0.256	0.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.119	3.505	3.792
23	0.256	0.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.104	3.485	3.767
24	0.256	0.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.091	3.467	3.745
25	0.256	0.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.078	3.450	3.725
26	0.256	0.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.067	3.435	3.707
27	0.256	0.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.057	3.421	3.690
28	0.256	0.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.047	3.408	3.674
29	0.256	0.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.038	3.396	3.659
30	0.256	0.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.030	3.385	3.646
40	0.255	0.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	2.971	3.307	3.551
60	0.254	0.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	2.915	3.232	3.460
120	0.254	0.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	2.860	3.160	3.373
∞	0.253	0.674	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	2.807	3.090	3.291

v = degrees of freedom.

朝陽科技大學 97 學年度碩士班招生考試試題

系 (所) 別：工業工程與管理系
組 別：一般生
科 目：統計學

總分：100 分

第 7 頁共 7 頁

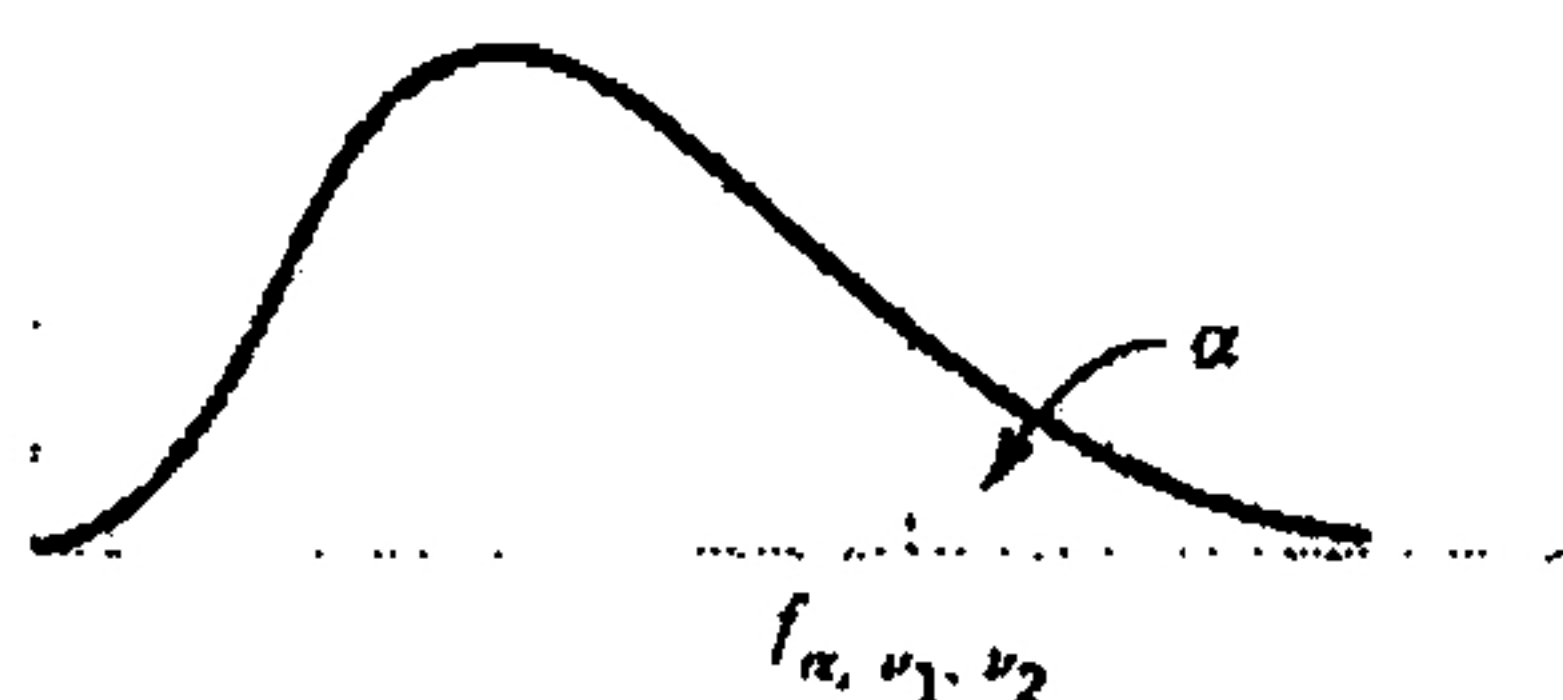


Table IV. Percentage Points f_{α, v_1, v_2} of the F-Distribution

$f_{0.05, v_1, v_2}$

v ₂	v ₁	Degrees of freedom for the numerator (v ₁)																	
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120
Degrees of freedom for the denominator (v ₂)	1	161	200	216	225	230	234	237	239	241	242	244	246	248	249	250	251	252	253
	2	18.5	19.0	19.2	19.3	19.3	19.3	19.4	19.4	19.4	19.4	19.4	19.4	19.5	19.5	19.5	19.5	19.5	19.5
	3	10.1	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79	8.74	8.70	8.66	8.64	8.62	8.59	8.57	8.55
	4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96	5.91	5.86	5.80	5.77	5.75	5.72	5.69	5.66
	5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74	4.68	4.62	4.56	4.53	4.50	4.46	4.43	4.40
	6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06	4.00	3.94	3.87	3.84	3.81	3.77	3.74	3.70
	7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64	3.57	3.51	3.44	3.41	3.38	3.34	3.30	3.27
	8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35	3.28	3.22	3.15	3.12	3.08	3.04	3.01	2.97
	9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.07	3.01	2.94	2.90	2.86	2.83	2.79	2.75
	10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.91	2.85	2.77	2.74	2.70	2.66	2.62	2.58
	11	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.79	2.72	2.65	2.61	2.57	2.53	2.49	2.45
	12	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.43	2.38	2.34
	13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67	2.60	2.53	2.46	2.42	2.38	2.34	2.30	2.25
	14	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60	2.53	2.46	2.39	2.35	2.31	2.27	2.22	2.18
	15	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.48	2.40	2.33	2.29	2.25	2.20	2.16	2.11
	16	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.42	2.35	2.28	2.24	2.19	2.15	2.11	2.06
	17	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49	2.45	2.38	2.31	2.23	2.19	2.15	2.10	2.06	2.01
	18	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.34	2.27	2.19	2.15	2.11	2.06	2.02	1.97
	19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42	2.38	2.31	2.23	2.16	2.11	2.07	2.03	1.98	1.93
	20	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.28	2.20	2.12	2.08	2.04	1.99	1.95	1.90
	21	4.32	3.47	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37	2.32	2.25	2.18	2.10	2.05	2.01	1.96	1.92	1.87
	22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.23	2.15	2.07	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84
	23	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32	2.27	2.20	2.13	2.05	2.01	1.96	1.91	1.86	1.81
	24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30	2.25	2.18	2.11	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.79
	25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28	2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	1.82	1.77
	26	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32	2.27	2.22	2.15	2.07	1.99	1.95	1.90	1.85	1.80	1.75
	27	4.21	3.35	2.96	2.73	2.57	2.46	2.37	2.31	2.25	2.20	2.13	2.06	1.97	1.93	1.88	1.84	1.79	1.73
	28	4.20	3.34	2.95	2.71	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24	2.19	2.12	2.04	1.96	1.91	1.87	1.82	1.77	1.71
	29	4.18	3.33	2.93	2.70	2.55	2.43	2.35	2.28	2.22	2.18	2.10	2.03	1.94	1.90	1.85	1.81	1.75	1.70
	30	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.09	2.01	1.93	1.89	1.84	1.79	1.74	1.68
	40	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12	2.08	2.00	1.92	1.84	1.79	1.74	1.69	1.64	1.58
	60	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.04	1.99	1.92	1.84	1.75	1.70	1.65	1.59	1.53	1.47
	120	3.92	3.07	2.68	2.45	2.29	2.17	2.09	2.02	1.96	1.91	1.83	1.75	1.66	1.61	1.55	1.55	1.43	1.35