# 國立澎湖科技大學 100學年度研究所入學考試試題 

## 科目：工程數學

考試時間：100分鐘
作答方式：請用黑色或蓝色筆在「答案卷」上作答

祝考試順利

## 國立澎湖科技大學100學年度研究所入學考試試題電資研究所（電信組）

## 科目：工程数學

1．Solve $d x+e^{8 x} d y=0$ by separation of variables．（ $12 \%$ ）

2．Find the general solution of linear equation $x \frac{d y}{d x}-y=x^{2} \sin x$ ，and give the largest interval over which the general solution is defined．

3．Solve $y^{\prime \prime}-5 y^{\prime}+4 y=8 e^{x}$ by undetermined coefficients．
4．Solve $y^{\prime \prime}+y^{\prime}+y=x^{2}$ by inverse operators．（ $14 \%$ ）
5．Let matrix $A=\left[\begin{array}{ll}1 & 0 \\ 1 & 2\end{array}\right]$ ．Find（a）the eigenvalues of $\mathbf{A}$ ，（b）the eigenvectors of A，and（c）$A^{5}$ ． （12\％）

6．If $\vec{v}=y \cdot \cos x \hat{i}+y z \hat{j}+e^{x} \hat{k}$ ，then find（a）$\nabla \cdot \vec{v}$, （b）$\nabla \times \vec{v}$ （10\％）

7．Evaluate the line integral $\int_{C} f(x, y) d s$ ，which $f(x, y)=x y$ and $C$ is a line $y=2 x$ on the plane from $A:(-1,-2,0)$ to $B:(1,2,0)$ ．

