

科目：總體經濟學

系所組：經濟所

## 第1題

考慮 Solow 模型。假設某國的生產函數為：

$$y = \phi \cdot k,$$

其中  $y$  為生產力,  $k$  為資本/勞動比例,  $\phi$  為固定常數。由固定資本形成之定義，我們可推得下式：

$$\Delta k = sy - (n + \delta)k,$$

其中  $\Delta k$  代表資本/勞動比例的變動，且假設  $s = 25\%$  為儲蓄率,  $n = 1\%$  為勞動成長率,  $\delta = 3\%$  為折舊率。請回答以下問題：

- (a) 若第0期期初之  $k_0 = 100$ ,  $y_0 = 40$ , 請計算  $k_1$  和  $\Delta y/y_0$ 。(10%)
- (b) 請計算 GDP 之成長率。(10%)
- (c) 請計算  $\phi$  的值。(10%)
- (d) 若生產函數為 Cobb-Douglas, 則勞動生產力可表示為：

$$y = Ak^\beta,$$

令  $\beta = 0.4$ 。因為資本邊際產量遞減，若  $A$  不變,  $\Delta k/k$  之值長期下降,  $\Delta y/y$  會趨近於零。但由以上計算可知，若技術不斷進步,  $\Delta y/y$  可維持一固定值。請問技術進步率  $\Delta A/A$  等於多少時,  $\Delta y/y$  會是固定值?(10%)

## 第2題

假設世界上存在兩個國家:A 國和 B 國, 兩國的生產函數都是 Cobb-Douglas 的型態如下：

$$Y = K^{0.5}L^{0.5}.$$

假設兩國的勞動力是同質的，勞動市場為完全競爭，且  $L_A = L_B = L$ 。假設在自給自足 (autarky) 時,A 國的實質工資是 B 國的 1.2 倍：

$$(w/p)_A = 1.2(w/p)_B.$$

※ 注意：1. 考生須在「彌封答案卷」上作答。

2. 本試題紙空白部份可當稿紙使用。

3. 考生於作答時可否使用計算機、法典、字典或其他資料或工具，以簡章之規定為準。

科目：總體經濟學

系所組：經濟系

(a) 請計算  $K_A/K_B$  的比值。(10%)

(b) 現假設兩國開放貿易，若 A 國開放 B 國勞動力進口，但 A 國資本不能移往國外，則 A 國之外勞會一直增加到兩國之實質工資率相等為止。在新均衡時，A 國總勞動力為  $\bar{L}_A$ ，B 國為  $\bar{L}_B$ 。請計算開放貿易後外國勞工佔原勞動力的比率  $(\bar{L}_A - L_A)/L_A$ 。(10%)

(c) A 國開放外勞後，雖然總產出增加但實質工資率下降。假設外國勞工進入 A 國後，固定資本存量仍維持在原來水準。令  $(w/p)_A'$  代表新的實質工資率， $(w/p)_A$  為原實質工資率，請計算

$$\frac{(w/p)_A'}{(w/p)_A}。$$

(10%)

### 第3題

有一代表性消費者，一出生即背負債務  $b_0 = -50$ ，其兩期(1, 2)選擇模型給定如下：

$$\max_{\{c_1, c_2\}} u(c_1) + \beta u(c_2), \quad \beta = 1/(1 + \rho),$$

subject to

$$c_1 + \frac{c_2}{1+r} = (a_1 + \frac{a_2}{1+r}) + (1+r)b_0 = x.$$

其中  $c_1, c_2$  代表第 1 期和第 2 期的消費， $r$  為利率， $\rho$  為時間偏好率 (rate of time preference)， $\beta$  為時間折現因子 (time discount factor)。且  $\{a_1, a_2\}$  為所得稟賦， $x$  為終身所得。現假設  $r = \rho = 0.1$ ， $a_1 = 115$ ， $a_2 = 165$ 。

(a) 請計算此代表性消費者的終身財富，與兩期消費水準，並圖示他的最適選擇。此人的儲蓄  $s_1$  以及期末債券餘額  $b_1$  為何？(10%)

(b) 假設此人必須立刻償還期初的債務及利息，且不能再借款，請求算並圖示他的兩期消費組合。(10%)

### 第4題

經濟學者 John B. Taylor 提出以下法則刻畫美國聯邦準備銀行 (Fed) 的利率調整法則如下：

$$FFR = \pi + 2.0\% + 0.5(\pi - 2.0\%) + 0.5\tilde{x}.$$

※ 注意：1. 考生須在「彌封答案卷」上作答。

2. 本試題紙空白部份可當稿紙使用。

3. 考生於作答時可否使用計算機、法典、字典或其他資料或工具，以簡章之規定為準。

科目：總體經濟學

系所組：經濟所

其中,  $FFR$  為聯準會基金利率 (Federal funds rates),  $\pi$  為通貨膨脹率,  $\tilde{x}$  為產出缺口, 代表經濟體系自然產出和潛在產出的差距。

現在若  $FFR = 4.5\%$ ,  $\pi = 3\%$ ,  $\tilde{x} = -1\%$ , 請問 Fed 會調升或調降利率? 在宣布新利率水準之後, 請問 Fed 會在公開市場買入或售出債券?(10%)