

系所組別： 資源工程學系甲組

考試科目： 工程數學

考試日期：0222，節次：3

※ 考生請注意：本試題不可使用計算機。 請於答案卷(卡)作答，於本試題紙上作答者，不予計分。

1.	<p>(a) 若 $\frac{dy(t)}{dt} + y(t) = e^{-t}$, 初始條件 : $y(0) = 1$, 解 $y(t)$?</p> <p>24% (b) 若 $\frac{d^2y(t)}{dt^2} + y(t) = \cos t$, 初始條件 : $y(0) = 0, \frac{dy(0)}{dt} = 0$, 解 $y(t)$?</p> <p>(c) 若 $y(t) = e^{-t} + \int_0^t y(t-\tau)d\tau$, 解 $y(t)$?</p>
2.	<p>導出下圖之電流方程式並寫出其 Laplace 變換？(列式即可，不需求解。)</p> <p>10%</p> <p>初始條件 : $i_1(0) = \alpha, \quad \frac{di_1(0)}{dt} = \beta, \quad i_2(0) = \gamma, \quad \frac{di_2(0)}{dt} = \delta$</p>
3.	<p>(a) 求函數 : $f(x) = \begin{cases} 1 & x < 1 \\ 0 & x > 1 \end{cases}$ 之傅立葉積分(Fourier integral)表示 ?</p> <p>16% (b) 求函數 : $f(x) = \begin{cases} 1 & x < 1 \\ 0 & x > 1 \end{cases}$ 之傅立葉變換 (Fourier transform) ?</p>
4.	<p>求解 $\begin{bmatrix} -2 & 1 & -1 & 0 \\ 1 & -2 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -5 \\ -7 \\ 7 \end{bmatrix}$?</p> <p>10%</p>
5.	<p>求 $[A] = \begin{bmatrix} -4 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ 之秩(rank) ? 零化度(nullity) ? 及零空間(null space) ?</p> <p>15 %</p>
6.	<p>(a) $\vec{F}(x, y, z) = (yz)\vec{i} + (xz)\vec{j} + (xy)\vec{k}$ 是否為保守場 ? (b) 求曲面 $z^2 = 4(x^2 + y^2)$ 在 $(1, 0, 2)$ 處之外單位法向量(out unit normal) ? (c) 求 $\frac{x^2}{yz}$ 在 $(1, 2, 3)$ 處與 x, y, z 座標正向夾相同角度方向之方向導數(directional derivatives) ?</p> <p>15%</p>
7.	何謂向量空間？試定義之？
10%	